应用重力地质法反演马里亚纳海沟地形

王永康¹,周兴华^{1,2*},唐秋华¹,王盼龙²,姜传苓²,刘 豪³,张孝首² (1. 自然资源部第一海洋研究所,山东青岛 266061; 2. 山东科技大学 测绘科学与工程学院,山东青岛 266590; 3. 南京大学 地理与海洋科学学院,江苏南京 210023)

摘 要:根据重力地质法(Gravity Geological Method,GGM),利用 6 736 个已知水深点数据和卫星测高重力异常反 演了马里亚纳海沟(142°36′~147°18′E,23°~27°N)1′×1′分辨率的海底地形,该计算中的密度差常数为 1.20 g/cm³。 将反演的地形与实测检核水深数据相比,两者较差标准差为 152.9 m,平均误差为(±3.0) m,均方差为 153.0 m,优 于 ETOPO1 模型和直接把船测水深控制点格网化后的模型。将重力地质法反演的模型、ETOPO1 模型、直接格网 模型进行功率谱密度分析,结果显示 3 种模型在中长波地形能量一致,但对于短波地形,重力地质法模型能量高于 其他 2 个模型,说明重力地质法更能描绘细致的海底地形地貌。选取 2 条测线与重力地质法模型进行对比研究, 结果表明重力地质法在海底地形起伏小的区域优于在海底地形起伏较大区域的反演效果。

关键词:重力地质法;重力异常;海底地形

中图分类号:P736 **文献标识码:**A **文章编号:**1671-6647(2020)04-0708-09

doi:10.3969/j.issn.1671-6647.2020.04.014

引用格式:WANGYK, ZHOUXH, TANGQH, et al. Predicting bathymetry in Mariana Trench using gravitygeologic method[J]. Advances in Marine Science, 2020, 38(4): 708-716. 王永康,周兴华,唐秋华,等.应用重力 地质法反演马里亚纳海沟地形[J]. 海洋科学进展, 2020, 38(4): 708-716.

海底地形是海洋研究的重要内容,高精度、大范围的海底地形数据是研究海底地理特征、地壳结构、海流、内波等的有力资料。传统的水深数据是通过船载声呐测量获取,尽管声呐精度高,但是作业效率太低,不适合进行大范围的海底地形获取。自从 Seasat、Geosat 等卫星和 Cryosat、ERS 任务的成功实施,许多学者利用测高数据,采用最小二乘配置法、逆 Stokes 法和逆 Vening Meinesz 法反演了高精度、高分辨率的海洋重力异常^[1-5],并将测高重力异常应用到海底地形的反演中^[6-7]。重力地质法是利用重力异常反演海洋水深的一种有效方法,最初应用于冰川沉积物下的基岩高程测量^[8-9],但是由于地下物质的密度变化,该方法在陆地区域的使用受到了限制,海底洋壳和海水之间密度差变化较小,这使得重力地质法十分适宜于利用卫星测高重力异常反演海底地形的研究^[10]。重力地质法已经成功应用于许多海域的地形反演;Roman^[11]反演了巴伦支海和格陵兰岛周围海域的海底地形;Kim 和 Yun^[12]反演了韩国西海海底地形;Kim 等^[13]反演了德雷克海峡的水深;胡敏章等^[14]反演了皇帝海山的海底地形,并且指出参考深度对反演结果影响有限;欧阳明达等^[10]、彭聪等^[15]、李倩倩和鲍李峰^[16]和 Hsiao 等^[17]反演了中国南海的海底地形;范雕等^[18]反演了马里亚纳海沟的海底地形。

利用充足的研究区域水深数据计算不同密度差常数下的水深模型,与检核点对比得到最优密度差常数, 在此密度差常数下利用重力地质法对测高卫星重力异常进行海底地形反演,得到1'×1'分辨率的海底地 形;通过和船测水深点、ETOPO1模型对比,评估了GGM模型精度,分析了误差原因。前人主要通过直接

收稿日期:2019-05-30

作者简介:王永康(1994-),男,硕士研究生,主要从事重力水深反演方面研究. E-mail: 15726248662@163.com

*通信作者:周兴华(1964-),男,研究员,博士生导师,主要从事海洋测绘方面研究. E-mail: xhzhou@fio.org.cn

(陈 靖 编辑)

资助项目:国家重点研发计划项目——海上搜寻演示验证技术与评估(2017YFC0306003)、水下参考框架点建设与维护技术 (2016YFB0501703)

观察来判断 GGM 模型比 ETOPO1 模型和直接格网化模型更加精细,本文通过功率谱分析,检测 3 个水深 模型在不同波长下的能量大小,评价 3 个地形的精细程度,最后通过 2 条船测水深测线进一步探究 GGM 预 测水深和实测水深的关系。

1 GGM 原理

重力异常可分为短波重力异常和长波重力异常,短波重力异常是受当地地形起伏的影响而产生,长波重 力异常是由地球深层的质量变化引起的。则观测到的海面重力异常^[17]:

$$\Delta g_{\rm obs} = \Delta g_{\rm short} + \Delta g_{\rm long}, \qquad (1)$$

式中: Δg_{obs} 为自由空间重力异常, Δg_{short} 为短波重力异常, Δg_{long} 为长波重力异常。

图 1 是 GGM 的原理图,点 j_n (n=1,2,3,…,k)为水深控制点,根据水深控制点来计算重力异常短波分量,可用布格板公式:

$$\Delta g_s(j) = 2\pi G \Delta \rho(E(j) - D), \qquad (2)$$

式中: $\Delta g_s(j)$ 为 j 点上的短波重力异常; G 为引力常数(6.67×10⁻⁸ cm³ • g⁻¹ • s⁻²); $\Delta \rho$ 为海水和海底洋壳的密度差异常数; E_j 为 j 点处的海深; D 为参考深度, 一般取控制点中最大水深。

控制点长波重力异常可以由观测到的自由空间重力异常减去控制点处短波重力异常 计算得出,再把控制点长波重力异常插值生成 长波重力异常场,把长波重力异常场从观测的 自由空间重力异常场中移除,即可得到测区短 波重力异常场。任意一点 *i* 的水深值 *E_i* 为

$$E_{i} = \frac{\Delta g_{s}^{i}}{2\pi G \Delta \rho} + D, \qquad (3)$$

式中: Δgⁱ 为 *i* 点的短波重力异常,由测区短 波重力异常场通过适当插值方法得到。



图 1 GGM 原理

2 海底地形反演

2.1 测区概况及数据准备

马里亚纳海沟是太平洋板块自东向西俯冲于菲律 宾板块之下形成的一条向东弧形凸出,近南北向延伸 的深沟,北起硫黄列岛、西南至雅浦岛附近,全长 2 550 km,平均宽 70 km,大部分水深 8 000 m 以上^[19]。 本文研究区域位于 142°36′~147°18′E,23°~27°N,是 马里亚纳海沟的一部分,该区域地形复杂,最深约 9 000 m,最浅约 700 m,多海山和海沟,地形起伏大, 非常适合用来检验 GGM 的反演效果。

船测水深来自 NGDC(National Geophysical Data Center)的单波束海深测量数据,因为船测水深存在粗 差,数千米深海海域的 NGDC 船测水深值只有数百 米,经过和 ETOPO1 模型对比,人工剔除粗差点,最终





选取 6 736 个水深控制点和 1 683 个检核点,船测水深控制点和检核点分布均匀且不重复,控制点约是检核 点 5 倍(图 2)。测区自由空间重力异常数据来自 SIO(Scripps Institution of Oceanography)(图 3a),版本为 v24.1,与船测重力对比,精度约 2 mgal^[20],适合用来进行水深反演,船测控制点的重力异常由此内插而得 到。检核模型为 ETOPO1 模型,ETOPO1 是由 NGDC 和 NOAA(National Oceanic and Atmospheric Administration)联合发布的全球地形高程模型,分辨率为1'×1'。



Fig.3 Gravity anomalies in the study area

2.2 密度差常数的确定

采用重力地质法反演海底地形时,海水 和洋壳的密度差常数的确定是一个关键问题。密度差常数的精确确定,可使短波和长 波重力异常从自由空间重力异常中分离出 来,确保短波重力异常和水深保持良好的线 性关系,由图3可知,短波重力异常和水深有 较强的线性关系,长波重力异常和水深的关 系不明显。如果密度差常数预测过小,预测 海深将会偏大,反之,预测海深将会接近于参 考深度^[10]。全球洋壳平均密度为2.67 g/cm³, 海水平均密度为1.03 g/cm³,因而全球平均密 度差常数为1.64 g/cm³,但是局部地形不宜 使用平均密度差常数,应该精确估计研究区 域的密度差常数。密度差常数一般由2种方 法来确定:一种是基于快速傅里叶变换的向



下延拓法^[7],适用于水深数据缺乏的区域;另一种是利用水深控制点计算不同密度差常数下的水深模型,再 与检核点进行比较,得到不同密度差常数下的预测水深和实测水深的相关关系和标准差图,从而得到最优密 度差参数^[14],这种方法适应于水深数据较多的区域。本研究水深控制点数量充足,所以采用第2种方法,由 图4可知,依据标准差较小而相关系数较大原则,密度差常数选取1.20g/cm³时,标准差为最小值152.9m, 相关系数为最大值0.9943。

2.3 GGM 水深模型建立

先根据船测水深控制点,依照式(2)计算船测控制点处的短波重力异常;接着用控制点处的自由空间重力异常减去控制点处的短波重力异常,得到控制点处的长波重力异常,使用 GMT (the Generic Mapping Tools)中张力样条函数将控制点处长波重力异常插值得到 1'×1'分辨率的测区长波重力异常场(图 3b);然后利用测区自由空间重力异常场减去测区长波重力异常场,得到测区短波重力异常场(图 3c);再依据式 3 便可得到测区任意一点的水深值,最终使用张力样条函数插值生成测区 1'×1'分辨率的海底地形图(以下称为 GGM 模型),见图 5b。



图 5 研究区域水深模型 Fig.5 Bathymetry model for the study area

3 结果分析

为了对 GGM 反演的海底地形进行精度分析,使用了 ETOPO1 模型、控制点直接插值得到的 1'×1'分 辨率的水深模型(以下称之为模型 I,见图 5c)、船测检核点水深和两条测线。

3.1 模型对比分析

首先对 GGM 模型、ETOPO1 模型和模型 I 进行统计分析和相关性分析,模型统计和相关性数据见表 1。根据统计信息可知 GGM 模型、ETOPO1 模型和模型 I 之间的最大值、最小值、平均值等差别很小,表明 3 个模型的相似度很高。根据相关性分析可知,GGM 模型和 ETOPO1 模型的相关系数为 0.988 3,GGM 模型和模型 I 的相关系数为 0.999 3,ETOPO1 模型和模型 I 的相关系数为 0.988 2,3 个模型具有很强的相关 性。其中,GGM 模型和模型 I 的相关性更强的原因主要有 2 个方面:1)GGM 模型是在控制点的基础上建 立的;2)原因是控制点分布相对均匀,直接插值得出的模型也可以较好地反映出海底地形地貌,所以两者相 关性强。

利用检核点对 3 个模型进行精度检验,在检核点处内插得出的水深同检核点水深的较差信息见表 2。 由表 2 可知,GGM 水深值和检核点水深值较差的标准差和均方根分别为 152.9 和 153.0 m,相较于 ETOPO1 模型有着更高的精度。此外,模型 I 比 ETOPO1 模型精度高的原因,主要是控制点分布均匀,直 接把水深点插值计算也可以获取较为精确的海底地形。GGM 模型和模型 I 与检核点校差的最大值均超过 了 2 000 m,原因主要有 3 个:存在粗差水深点未成功剔除,测高重力异常存在较大误差和地形起伏剧烈导

致反演精度下降。具体的原因需要根据具体的分析而确定。

表 1 GGM 模型、ETOPO1 模型和模型 I的统计数据和相关系数

Table 1 Statistics for GGM model, ETOPO1 model and Model I and their correlation coefficients

模型	最大值/m	最小值/m	平均值/m	标准差/m	均方根/m -	相关系数		
						GGM	ETOPO1	模型I
GGM	-721.9	-8752.5	-4 848.5	1 330.4	5 027.7	1	0.988 3	0.999 3
ETOPO1	-791.0	-8 873.0	-4 853.4	1 321.7	5 030.1	0.988 3	1	0.988 2
模型I	-762.7	-8 747.8	-4 846.2	1 318.7	5 022.4	0.999 3	0.988 2	1

表 2 GGM 模型、ETOPO1 模型和模型 I 与检核点比较

Table 2 Comparison between checking points and models (GGM model, ETOPO1 model, and Model I)

数据	最大值/m	最小值/m	平均值/m	标准差/m	均方根/m
GGM 插值-检核点水深	2 046.5	-1 197.5	-3.0	152.9	153.0
ETOPO1 插值-检核点水深	1 226.0	-1 934.1	-18.2	242.3	243.0
模型 I 插值-检核点水深	2 086.3	-1 213.8	-2.5	170.6	170.3

 143°

27' N 144°

从3个水深模型图对比可知,ETOPO1模型中有一个 区域的地形在GGM模型和模型I上没有清晰表现出来(图 5中的矩形区域A),经过和图2对比发现,区域A控制点 分布稀疏,所以未能反演出来区域A的精确地形,因此, GGM在控制点分布密集海域的预测精度优于控制点分布 稀疏海域。把GGM模型和ETOPO1模型进行做差处理 (图 6),从GGM模型和ETOPO1模型差异图可以清晰看 出,在地形变化大的海沟和海山区域,模型之间差距很大; 在地形平坦的区域,差距很小。

3.2 功率谱密度分析

Kim 等^[21]利用功率谱密度法计算了不同水深模型在 不同波长下的能量大小,对比不同模型在不同波长下对地 形的表现能力,能量越大,说明模型在此波长下对地形表现 能力越强。因此,对 GGM 模型、ETOPO1 模型和模型 I 进 行功率谱密度分析,利用 GMT 中 grdfft 命令,计算 3 个模 型在不同波长下的能量变化,功率谱密度计算方法:

$$PSD = 10 \lg P$$
,



145'

146

147° E

式中:P 为不同波长下的能量;PSD 为功率谱密度(dB)。本文范围为 4.7°×4.0°,所以最大波长约为 500 km,结果见图 7。图 7 中以 17 km(虚线处)为界分为:在 17~500 km 的中长波范围,3 种模型表现能力相 当;在小于 17 km 的短波范围,GGM 模型能量明显大于模型 I 和 ETOPO1 模型,表明 GGM 对于微小细致 的短波地形的刻画优于 ETOPO1 模型和直接格网化结果。



图 7 GGM 模型、ETOPO1 模型和模型 I 功率谱密度比较

Fig.7 The comparison in power spectral densities between GGM model, ETOPO model and Model I

为了进一步证实功率谱密度分析的结果,把3种模型在检核点处的水深值内插出来并和检核点水深值 做差并取绝对值,统计信息如图8所示。根据图8可知,在较差0~100m范围内,GGM模型、ETOPO1模 型和模型I所占比例分别是71.95%,59.77%和67.5%;在较差0~300m范围内,GGM模型、ETOPO1模 型和模型I所占比例分别为94.76%,85.8%和92.81%;进一步表明GGM模型比ETOPO1模型和模型I精 度更高,对短波长的水深表现能力更强。



Fig.8 Histogram of absolute differences between three models and checking points

3.3 测线剖面分析

为了进一步探究 GGM 预测水深和实测水深的关系,本 文选择 line1 和 line2 两条测线剖面进行分析,测线贯穿整个 测区,位置见图 9。2 条测线既经过地势平坦地区,也经过地 势起伏较大的海山和海沟,适合对 GGM 模型进行评价。图 10 为水深剖面,经过对比可知,在海底地形平坦的地区, GGM 反演的水深和实测水深较差很小;当海底地形开始出 现起伏后,GGM 预测的水深和实测水深较差便出现较剧烈 的变化,进一步表明 GGM 在地形起伏较小的区域优于地形 起伏较大区域的反演效果。GGM 反演水深和测线水深最 大的较差出现在地形起伏剧烈的区域,最大差值约为 1 500 m,所以本文反演的 GGM 模型与检核点最大差值 2 000 多 m 的原因是地形起伏剧烈导致反演精度下降。







Fig.10 Comparison of profiles between GGM model and checking lines

4 结 语

利用重力地质法反演了马里亚纳海沟的海底地形,经过模型对比、功率谱分析和测线剖面分析,表明重 力地质法适合进行大范围的海底地形反演;重力地质法模型在短波长地形地貌的刻画优于 ETOPO1 模型和 控制点直接格网化模型;重力地质法模型精度主要受到密度差常数、控制点分布和海底复杂程度的影响,精 确的密度差常数、控制点的均匀分布和平坦的地形均可以提高重力地质法反演精度。所以建议在建立水深 模型时候,若控制点分布密集,采用 GGM 方法;若控制点分布稀疏,采用 ETOPO1 模型。

本研究中重力异常数据与船测重力数据存在约2 mgal的误差,若研究区域有船测重力数据,可先把船测重力数据和卫星测高重力数据融合,得到高精度融合重力场,然后再应用于 GGM 水深反演,这个方法有待于下一步实验验证。

参考文献(References):

- [1] SANDWELL D T, SMITH W H F. Marine gravity anomaly from Geosat and ERS-1 satellite altimetry[J]. Journal of Geophysical Research Solid Earth, 1997, 102(B5): 10039-10054.
- [2] HWANG C, KAO E C, PARSONS B. Global derivation of marine gravity anomalies from Seasat, Geosat, ERS-1 and TOPEX/POSEI-DON altimeter data[J]. Geophysical Journal International, 1998, 134(2): 449-459.
- [3] ANDERSEN O B, KNUDSEN P. Global marine gravity field from the ERS-1 and Geosat geodetic mission altimetry[J]. Journal of Geophysical Research Oceans, 1998, 103(C4): 8129-8137.
- [4] KNUDSEN P, ANDERSEN O B. Improved recovery of the global marine gravity field from the GEOSAT and the ERS-1 geodetic mission altimetry[J]. Gravity, Geoid and Marine Geodesy, 1997, 117: 429-436.
- [5] HUANG M T, ZHAIG J, GUAN Z, et al. On the recovery of gravity anomalies from altimeter data[J]. Acta Geodaetica et Cartograpica Sinica, 2001(2): 179-184. 黄谟涛, 翟国君, 管铮, 等. 利用卫星测高数据反演海洋重力异常研究[J]. 测绘学报, 2001(2): 179-184.
- [6] SMITH W H F, SANDWELL D T. Bathymetric prediction from dense satellite altimetry and sparse shipboard bathymetry[J]. Journal of Geophysical Research Solid Earth, 1994, 99(B11): 21803-21824.
- [7] HWANG C. A bathymetric model for the south china sea from satellite altimetry and depth data[J]. Marine Geodesy, 1999, 22(1): 15.
- [8] IBRAHIM A, HINZE W J. Mapping buried bedrock topography with gravity[J]. Ground Water, 2010, 10(3): 18-23.
- [9] NAGARAJAN R. Gravity-geologic investigation of buried bedrock topography in northwestern Ohio[D]. Columbus, U. S.: Ohio State University, 1994.
- [10] OUYANG M D, SUN Z M, ZHAI Z H. Predicting bathymetry in South China Sea using the gravity-geologic method[J]. Chinese Journal of Geophysics, 2014, 57(9): 2756-2765. 欧阳明达, 孙中苗, 翟振和. 基于重力地质法的南中国海海底地形反演[J]. 地球物理学报, 2014, 57(9): 2756-2765.
- [11] ROMAN D R. An integrated geophysical investigation of Greenland's tectonic history [D]. Columbus, U. S.: Ohio State University, 1999.
- [12] KIM K B, YUN H S. Satellite-derived bathymetry prediction in shallow waters using the gravity-geologic method: a case study in the West Sea of Korea[J]. KSCE Journal of Civil Engineering, 2018, 22(7): 2560-2568.
- [13] KIM J W, FRESE R R B V, LEE B Y, et al. Altimetry-derived gravity predictions of bathymetry by the gravity-geologic method[J].
 Pure and Applied Geophysics, 2011, 168(5): 815-826.
- [14] HU M Z, LI J C, JIN T Y. Bathymetry inversion with gravity-geologic method in emperor seamount[J]. Geomatics and Information Science of Wuhan University, 2012, 37(5): 610-612, 629. 胡敏章, 李建成, 金涛勇. 应用重力地质方法反演皇帝海山的海底地形[J]. 武 汉大学学报(信息科学版), 2012, 37(5): 610-612, 629.
- [15] PENG C, WANG P, ZHOU X H, et al. Bathymetry inversion based on gravity-geologic method in South China Sea[J]. Hydrographic Surveying and Charting, 2018, 38(2): 8-11. 彭聪, 王鹏, 周兴华, 等. 基于重力地质法反演南海海底地形[J].海洋测绘, 2018, 38(2): 8-11.
- [16] LIQQ, BAOLF. Predicting submarine topography of the South China Sea from altimetry gravity field with high precision[J]. Hydrographic Surveying and Charting, 2016, 36(2): 1-5. 李倩倩, 鲍李峰. 高精度测高重力场反演南海海底地形[J]. 海洋测绘, 2016, 36(2): 1-5.
- [17] HSIAO Y S, HWANG C, CHENG Y S, et al. High-resolution depth and coastline over major atolls of South China Sea from satellite altimetry and imagery[J]. Remote Sensing of Environment, 2016, 176:69-83.
- [18] FAN D, LI S S, MENG S Y, et al. Inversion of Mariana Trench seabed terrain using gravity anomalies[J]. Journal of Jilin University (Earth Science Edition), 2018, 48(5): 199-208. 范雕, 李姗姗, 孟书宇, 等. 利用重力异常反演马里亚纳海沟海底地形[J]. 吉林大学学 报(地球科学版), 2018, 48(5): 199-208.
- [19] LIU F L, YANG S X, DENG X G, et al. Depth detection in the Challenger Deep of Mariana Trench[J]. Hydrographic Surveying and Charting, 2013, 33(5): 49-52. 刘方兰,杨胜雄,邓希光,等. 马里亚纳海沟"挑战者深渊"最深点水深探测[J]. 海洋测绘, 2013, 33

(5): 49-52

[20] SANDWELL D T, MULLER R D, SMITH W H, et al. New global marine gravity model from CryoSat-2 and Jason-1 reveals buried tectonic structure[J]. Science, 2014, 346(6205): 65-67.

[21] KIM K B, HSIAO Y S, KIM J W, et al. Bathymetry enhancement by altimetry-derived gravity anomalies in the East Sea (Sea of Japan)
 [J]. Marine Geophysical Researches, 2010, 31(4): 285-298.

Predicting Bathymetry in Mariana Trench Using Gravity-geologic Method

WANG Yong-kang¹, ZHOU Xing-hua^{1,2}, TANG Qiu-hua¹, WANG Pan-long²,

JIANG Chuan-ling², LIU Hao³, ZHANG Xiao-shou²

(1. First Institute of Oceanography, MNR, Qingdao 266061, China;

2. College of Geodesy and Geomatics, Shandong University of Science and Technology, Qingdao 266510, China;

3. School of Geographic and Ocean Science, Nanjing University, Nanjing 210023, China)

Abstract: Based on the gravity geology method (GGM), this study inverted the submarine topography of the Mariana Trench (in the range of $142^{\circ}36' - 147^{\circ}18' \text{E}, 23^{\circ} - 27^{\circ}\text{N}$) by using 6 736 known-depth points (controlling points) and satellite altimetry gravity anomalies and density contrast of 1.2 g/cm. The standard deviation between the inverted topography and known-depth points (checking points) is 152.9 m, with an average error of (± 3.0) m, mean square deviation of 153.0 m, which are better than ETOPO1 model and the gridded model which was directly interpolated from controlling points. This study then analyzed the power spectral densities of GGM model, ETOPO1 model and gridded model, and the results showed that these three models have the same energy in long and middle wave topography, but in short wave topography, the energy of GGM model was higher than the other two models, indicating that GGM method could better describe the detailed seabed topography and landform. Finally, two checking lines were selected to compare with the GGM model, and the results showed that the GGM method had a better inversion effect in the area with small topography relief than in those with large topography relief.

Key words: gravity geology method; gravity anomalies; topography

Received: May 13, 2019